

ΓΡΑΠΤΕΣ ΑΠΟΛΥΤΗΡΙΕΣ

Μάθημα: ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ

ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ ΜΑΪΟΥ-ΙΟΥΝΙΟΥ

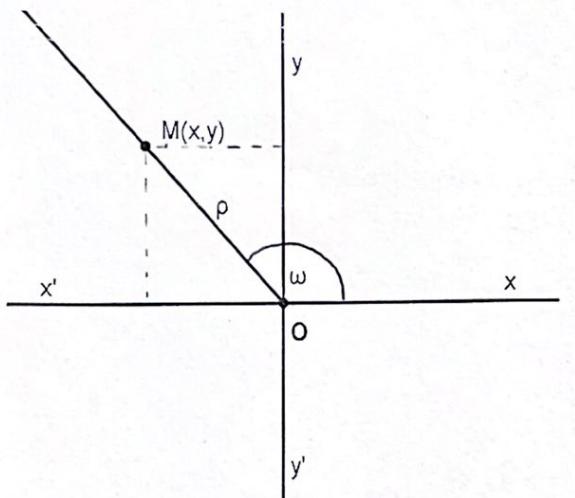
Τάξη: Γ'

2016

Ημερομηνία: 24 Μαΐου 2016

### ΘΕΩΡΙΑ

#### ΘΕΜΑ 1°



Με τη βοήθεια του διπλανού σχήματος.

A. Να οριστούν οι τριγωνομετρικοί αριθμοί της γωνίας  $\omega$ .

B. Να αποδείξετε ότι:  $\epsilon\phi\omega = \frac{\eta\mu\omega}{\sigma\nu\nu\omega}$  για οποιαδήποτε γωνία  $\omega$  με  $\sigma\nu\nu\omega \neq 0$ .

Γ. Να χαρακτηρίσετε τις παρακάτω προτάσεις Σωστό (Σ) ή Λάθος (Λ).

$$1. \eta\mu 0^\circ = 0 \quad 2. \epsilon\phi 180^\circ = 1 \quad 3. \sigma\nu\nu 90^\circ = 0$$

4. Για οποιαδήποτε γωνία  $\omega$  ισχύει:  $\eta\mu\omega + \sigma\nu\nu\omega = 1$

#### ΘΕΜΑ 2°

A. Τι λέγεται ταυτότητα;

B. Να αποδείξετε την ταυτότητα:  $(\alpha - \beta)^2 = \alpha^2 - 2\alpha\beta + \beta^2$

Γ. Να μεταφέρετε στην κόλλα σας, συμπληρωμένες κάθε μια από τις παρακάτω ταυτότητες:  $(\alpha + \beta)(\alpha - \beta) = \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $(\alpha + \beta)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$

### ΑΣΚΗΣΕΙΣ

#### ΑΣΚΗΣΗ 1<sup>η</sup>

A. Να βρείτε το Ε.Κ.Π. των πολυωνύμων:  $3x - 9$ ,  $x^2 - 3x$ ,  $x$

B. Για ποιες τιμές του  $x$  ορίζεται η παράσταση:  $\frac{2x}{3x-9} + \frac{1}{x} + \frac{3}{x^2-3x}$

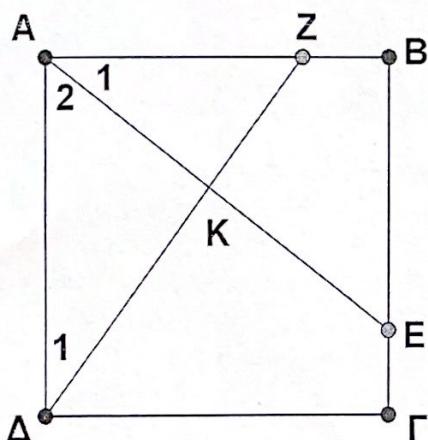
Γ. Να λύσετε τη εξίσωση:  $\frac{2x}{3x-9} + \frac{1}{x} + \frac{3}{x^2-3x} = 0$ .

### ΑΣΚΗΣΗ 2<sup>η</sup>

Α. Να αποδείξετε ότι το σύστημα  $\begin{cases} \frac{x-1}{2} - \frac{y}{3} = -1 \\ \frac{x}{3} - \frac{y+2}{2} = -3 \end{cases}$  μετά από πράξεις γράφεται στη μορφή  $\begin{cases} 3x - 2y = -3 \\ 2x - 3y = -12 \end{cases}$ , στη συνέχεια

Β. Να λύσετε το παραπάνω σύστημα.

### ΑΣΚΗΣΗ 3<sup>η</sup>



Στο διπλανό σχήμα το  $AB\Gamma\Delta$  είναι τετράγωνο και  $AZ=BE$ .

Να αποδείξετε ότι:

Α.  $AE = \Delta Z$ .

Β.  $\hat{\Delta}_1 = \hat{A}_1$

Γ.  $\hat{\Delta}_1 + \hat{A}_2 = 90^\circ$

Δ. Το τρίγωνο  $A\Delta K$  είναι ορθογώνιο.

Ο Διευθυντής

Ιωάννης Καραφέρης

Οι εισηγητές

Αποστόλης Πάτρας

Νικόλαος Σακαλάκης

Από τα δύο θέματα θεωρίας να απαντήσετε στο ένα και

από τα τρία θέματα των ασκήσεων να απαντήσετε στα δύο